基于 LADRC 的反渗透海水淡化温控系统

刘宏利'刘世佳'康 权'俞永江'邵 磊'李 季'陈小奇'

(1.天津理工大学天津市复杂系统控制理论及应用重点实验室;2.国家海洋局天津海水淡化与综合利用研究所)

摘 要 针对反渗透海水淡化系统中温度参数的非线性、时变、迟滞及存在扰动等特点,采用线性自抗 扰(LADRC)控制器建立反渗透海水淡化温控系统。设计LADRC控制器可实现输入对输出的实时跟踪 和实时补偿,并利用李雅普诺夫稳定性方法证明了该一阶LADRC中二阶线性扩张状态观测器LESO的 稳定性问题。仿真结果表明:LADRC控制比 PID控制响应速度更快稳态精度更高,抗干扰能力更好, 对整个系统稳定高效运行、降低系统能耗,有着重要的实用价值和研究意义。 关键词 反渗透 LADRC控制 LESO 温度控制 李雅普诺夫稳定性

中图分类号 TH865 文献标识码 A 文章编号 1000-3932(2017)12-1106-04

水资源短缺已经成为全球性问题,而海洋占 地球上所有水的97%,所以海水淡化成为解决水 资源匮乏最具发展前景的一种途径^[1]。海水淡化 主要分为热法和膜法,热法主要为多效蒸馏和多 级闪蒸,膜法主要为反渗透、电渗析和纳滤^[2]。而 反渗透以投资省、能耗低(无相变)、建设周期短 及占地少等优点,在全球海水淡化装机总量中占 主导地位。

反渗透海水淡化过程直接或间接地受到多种 因素的影响,如操作压力、操作温度、水质、浓差极 化、结垢程度及膜特性等。在这些因素中,工作温 度显著地影响整个过程的性能^[3]。因此,需要优 化反渗透海水过程中的工作温度,使它恒定保持 在一个最优值,以提高反渗透海水淡化的整体效 率,降低系统能耗。

常用控制算法为传统 PID 控制,该控制方法 结构简单,但对温度这样的大时滞系统并不能达 到很好的控制效果。还有 PID 与智能算法的结 合,如模糊控制算法^[4]、遗传(GA)算法^[5]及 BP 神经网络算法^[6]等,这些控制算法的稳态精度以 及对扰动的抗扰控制效果并不好。笔者采用线性 自抗扰控制器(LADRC)控制算法,对温度能达到 很好的稳态控制效果,抗干扰能力强,可为系统稳 定高效运行提供保障。

反渗透海水淡化过程中的模型分析
 反渗透过程中的溶解 - 扩散模型为^[7]:

$$J_{\rm w} = A_{\rm w} (\Delta p - \Delta \pi)$$

$$J_{\rm s} = B_{\rm s} (C_{\rm jm} - C_{\rm jp})$$

式中 A_w 、 B_s ——水渗透系数与盐渗透系数;

- C_{jm} 、 C_{jp} —反渗透膜在进料侧和渗透侧的 盐浓度;
- J_s、J_w ── 盐渗透通量和水渗透通量;
 - Δp —— 膜层两侧的压差;
 - $\Delta \pi$ ——反渗透膜的渗透压。

因为进料温度增加不仅导致渗透压 $\Delta \pi$ 增 加,而且导致水的粘度降低。在反渗透海水淡化 过程中,如果膜两侧压差 Δp 是一个定值,则过程 的净驱动力($\Delta p - \Delta \pi$)会降低,水渗透通量也会 降低。另外,水粘度降低,RO 膜的渗透性增加。 由于以上这些效应,在反渗透海水淡化过程中更 高的温度导致渗透流量和总溶解固体 TDS 增 $m^{[8]}$ 。因此,需要对温度进行控制,使它保持在一 个最优的恒定值,从而提高系统运行整体效率,降 低系统能耗。

基金项目: 天津市科技计划项目(15ZXZNGX00140); 天津市应用基础研究计划项目(16JCTPJC49400)。 作者简介: 刘宏利(1975-) 副教授,从事控制科学与工程、检测技术与自动化装置、物联网和自主机器人的研究。

联 系 人: 刘世佳(1993-) ,硕士研究生,从事控制科学与工程、检测技术与自动化装置、物联网和自主机器人的研 究 984875777@qq.com。

2 线性自抗扰控制器的设计

2.1 线性自抗扰控制器的基本控制思想

LADRC 继承了自抗扰控制器(ADRC) 利用 误差反馈进行控制的思想,它省去了自抗扰控制 器中的跟踪微分器(TD),而且扩张状态观测器 (ESO)和非线性误差反馈(NSEF)都采用线性函 数^[9]。

一阶线性自抗扰控制器的结构框图如图 1 所 示,其被控对象的结构为单输入单输出(SISO) 结 构 框图中的参数 $k_p \ b_0$ 和线性扩张状态观测器 (LESO) 中的参数 ω_0 为 3 个待整定的控制参数。 其中 k_p 为比例常数 ω_0 为观测器带宽 b_0 为扰动 补偿因子。



图1 一阶线性自抗扰控制器结构框图

LESO 为状态空间方程标准形式:

$$\begin{cases} z = Az + Bu \\ y = Cz + Du \end{cases}$$
$$A = \begin{bmatrix} -2\omega_0 & 1 \\ -\omega_0^2 & 0 \end{bmatrix}$$
$$B = \begin{bmatrix} b_0 & 2\omega_0 \\ 0 & \omega_0^2 \end{bmatrix}$$
$$C = I_{2\times 2}$$
$$D = 0_{2\times 2}$$

其中 *z* 为状态观测向量 *z* = [*z*₁ *z*₂]^T; *y* 为 系统输出; *u* 为系统输入。

对于被控对象为一阶的系统,通过调整 3 个 控制参数($k_p \ \omega_0 \ \pi b_0$)可以保证整个系统有界输入有界输出(BIBO)稳定。

2.2 基于 LADRC 的反渗透恒温供水系统设计

考虑到该系统温度参数具有时滞性,存在扰动等,采用 LADRC 控制器可以有效减少时滞对系统产生的影响,而且不需要精确的数学模型,还可以实时补偿扰动。系统控制回路如图2所示。



2.3 稳定性分析

由图 1 可知该算法是一个带反馈的闭环控制 算法,存在稳定性问题,针对文中的一阶模型对它 进行稳定性证明(在扰动给定的情况下)。

系统的 LESO 为:

$$\begin{cases} z_1 = z_2 + L_1(y_1 - \hat{y}_1) + b_0 u \\ z_2 = L_2(y_1 - \hat{y}_1) + h(\hat{y} w) \\ \hat{y} = z_1 \end{cases}$$
(1)

L 为观测器增益向量 选取增益为:

$$L = \begin{bmatrix} \beta_1 \\ \beta_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha_1 \omega_0 \\ \alpha_2 \omega_0^2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2\omega_0 \\ \omega_0^2 \end{bmatrix}$$

设 $\tilde{y}_i = y_i - \hat{y}_i$ (*i* = 1 2),由式(1)得ESO估计 误差计算式为:

$$\begin{cases} \tilde{y}_1 = \tilde{y}_2 - 2\omega_0 \tilde{y}_1 \\ \vdots \\ \tilde{y}_2 = h(y w) - h(\hat{y} w) - \omega_0^2 \tilde{y}_1 \end{cases}$$
(2)

设 $\varepsilon_j = \frac{\tilde{y}_j}{\omega_0^{j-1}} (j = 1 \ 2)$,式(2) 可变为:
 $\dot{\varepsilon}_i = \omega_c \varepsilon_0 - 2\omega_c \varepsilon_i$

$$\begin{cases} \varepsilon_1 - \omega_0 \varepsilon_2 - 2\omega_0 \varepsilon_1 \\ \dot{\varepsilon}_2 = -\omega_0 \varepsilon_1 + \frac{h(y \ w) - h(\hat{y} \ w)}{\omega_0} \end{cases}$$
(3)

即
$$\dot{\varepsilon}_{j} = \omega_{0} \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varepsilon_{1} \\ \varepsilon_{2} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \cdot \frac{h(y \ w) - h(\hat{y} \ w)}{\omega_{0}}$$
。令 $A_{0} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$, $B_{0} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$,
由前文可知 LESO 的双重极点配置在 $-\omega_{0}$,则
 $\begin{bmatrix} -\alpha_{1} & 1 \\ -\alpha_{2} & 0 \end{bmatrix}$ 是 Hurwitz 稳定的。又因 $A_{0} = \begin{bmatrix} 0 \\ -\alpha_{1} & 1 \\ -\alpha_{2} & 0 \end{bmatrix}$, MA_{0} 也是 Hurwitz 稳定的。则存在—
个正定的赫米特矩阵 P , 使 A_{0} 满足 $A_{0}^{T}P + PA_{0} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \end{bmatrix}$

$$-I, \blacksquare P = \begin{bmatrix} \frac{2}{2} & -\frac{2}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \end{bmatrix}^{\circ}$$

定义李雅普诺夫函数 $V(\varepsilon) = \varepsilon^{T} P \varepsilon$ 则: $\dot{V}(\varepsilon) = -\omega_{0}(\varepsilon_{1}^{2} + \varepsilon_{2}^{2}) + \frac{h(y \ w) - h(\hat{y} \ w)}{\omega_{0}}(-\varepsilon_{1} + 3\varepsilon_{2})$ (4)

由于 h(y w) 在其定义域内满足李普希兹连 续条件 则存在一个常量 c 满足 $|h(y w) - h(\hat{y}, w) - h(\hat{y}, w)| \le c || y - \hat{y} ||$ 从而 $\frac{h(y w) - h(\hat{y}, w)}{\omega_0}$ 可满足: $\frac{|h(y w) - h(\hat{y}, w)|}{\omega_0}(-\varepsilon_1 + 3\varepsilon_2) \le c(-\varepsilon_1 + 3\varepsilon_2) \frac{|| y - \hat{y} ||}{\omega_0}$

$$X \boxplus f \parallel PB_0 c \parallel^2 - 2 \parallel PB_0 c \parallel + 1 \ge 0 \text{ AX}:$$

$$2\varepsilon^{\mathrm{T}} PB_0 \frac{|h(y | w) - h(\hat{y} | w)|}{\omega_0} \le (\parallel PB_0 c \parallel^2 + 1) \parallel \varepsilon \parallel_1^2$$
(6)

由式(4)、(6) 可得 $\dot{V}(\varepsilon) \leq -\omega_0(\varepsilon_1^2 + \varepsilon_2^2) + (\|PB_0c\|^2 + 1) \|\varepsilon\|_1^2, \leq \omega_0 \geq 0$ $\|PB_0c\|^2 + 1 \ \text{tr} \ \dot{V}(\varepsilon) < 0$

 $\lim_{t \to \infty} \tilde{y}_i(t) = 0 \ i = 1 \ 2$ (7) LSEF 采用的是 P 控制率 ,本文的控制率 u_0 为:

v ——输入值。

此时,*u*₀ 是误差反馈控制量,但并不包括对 扰动估计值的补偿。在上文已设计的二阶 LESO 的基础上加入对扰动补偿的考虑,最终的控制量 *u* 可取为:

$$u = \frac{u_0 - z_2}{b_0}$$
(9)

由式(8)、(9)可得:

$$u = \frac{k_{\rm p}(v - \hat{y}_1) - \hat{y}_2}{b_0}$$
(10)

设
$$e = v - y_1$$
,由式(10)得:
$$u = \frac{k_p(e + \tilde{y}_1) - (y_2 - \tilde{y}_2)}{b_p}$$
(11)

$$\dot{e} = \dot{v} - \dot{y} = \dot{v} - (y_2 + b_0 u) = -k_p (e + \tilde{y}_1) - \tilde{y}_2 + \dot{v} (12)$$

完整的线性自抗扰控制器中有跟踪微分器这 个环节 这个环节的作用是安排理想的过渡过程 并给出过渡过程的微分信号^[10]。但考虑到时滞 对象本身就反应延迟 ,所以去掉跟踪微分器。则 系统变为:

$$\dot{e} = -k_{\rm p}(e+\tilde{y}_1) - \tilde{y}_2$$
 (13)

式(13) 写成状态空间的形式为:

$$e = \lfloor -k_{p} \rfloor e(t) + \lfloor -k_{p} - 1 \rfloor y(t)$$
(14)

 $-k_{p}$ 使特征多项式 $s - k_{p}$ 满足劳斯判据 ,故

 $[-k_p]$ 是 Hurwitz 稳定的,同时由式(7)可知 $\lim_{t\to\infty} \| [-k_p - 1]\tilde{y}(t) \| = 0$,所以 $\lim_{t\to\infty} \| e(t) \| = 0$ 。 根据李雅普诺夫渐进稳定性的意义可知线性自抗 扰控制器是渐进稳定的,也是工程意义上稳定 的^[10]。

对于稳定性的分析,得出线性自抗扰控制器 稳定的条件,为参数整定提供了可靠的理论基 础^[10]。

3 仿真与结果分析

搭建系统的 Simulink 仿真系统模型,将反渗 透海水淡化系统中的温度换热过程抽象成一阶惯 性环节^[11]:

$$G(s) = \frac{K_{w}}{T_{w}s + 1} e^{-\tau s}$$

式中 K_w — 系统放大倍数;

T_w ——供水系统惯性时间常数;

τ ───系统纯滞后时间。

用阶跃信号来模拟反渗透海水淡化过程中的 温度 根据现场实验数据 ,取 $K_w = 1$ 、 $T_w = 500$ 对线 性自抗扰控制器进行仿真 ,同时搭建 PID 控制 ,两 者进行对比。

LADRC 和 PID 控制下的系统仿真结果如图 3 所示。



图 3 LADRC 和 PID 控制下的系统仿真结果

用白噪声作扰动信号,系统仿真结果如图4 所示。



图 4 加入扰动后的仿真结果

从以上仿真结果可以看出,LADRC 控制比 PID 控制达到稳态所用的时间短,过程中无超调 现象,稳态精度高,加入扰动后 PID 控制波动较 大 LADRC 对干扰信号能实时作出补偿,误差在 规定范围之内,抗干扰能力强。

4 结束语

针对反渗透海水淡化温控系统这样一个非线 性、大时滞的复杂控制系统,LADRC 控制器对温 度的稳态控制更好,响应速度更快,稳态误差小, 可以使系统更快、更准地达到稳态,避免其他能 耗,并且利用 LESO 对扰动进行实时估计,然后将 它用于反馈控制中,达到快速消除扰动的目的,抗 干扰能力强,满足了反渗透海水淡化水温控制的 要求,为反渗透海水淡化系统稳定高效运行提供 了保障,为系统能耗的降低提供了保障,具有较强 的实用价值。

参考文献

- [1] 郑智颖,李凤臣,李倩,等.海水淡化技术应用研究 及发展现状[J].科学通报,2016,61(21):2344 ~ 2370.
- [2] 满曰南,王晓娟,王银涛,等.海水淡化技术研究新 进展和发展趋势[J].工业水处理 2014,34(11):8
 ~ 12.
- [3] 孙毅,郑增建,单继宏,等.基于船用反渗透海水淡 化装置的压力与温度参数优化[J].浙江工业大学 学报 2016,44(4):359 ~ 363.

- [4] 赵阳,曲兴华,李睿.基于模糊算法的自调整温度控制系统[J].天津大学学报,2011,44(1):73 ~ 78.
- [5] 傅晓云,方旭,杨钢,等.基于遗传算法的PID控制 器设计及仿真[J].华中科技大学学报(自然科学 版),2012,40(5):1~5.
- [6] 屈毅, 宁铎, 赖展翅,等. 温室温度控制系统的神经 网络 PID 控制 [J]. 农业工程学报, 2011, 27(2): 307 ~ 311.
- [7] 江爱朋,程文,王剑,等.全流程卷式反渗透海水淡 化系统操作优化[J].化工学报 2014,65(4):1333
 ~ 1343.
- [8] Seungjoon K , Younggeun L Sanghoun O ,et al. Energy Saving Methodology for the SWRO Desalination Process: Control of Operating Temperature and Pressure [J]. Desalination 2009 247(1):260 ~ 270.
- [9] 吴超,汪浩文,张玉文,等.基于LADRC的无人直升 机轨迹跟踪[J].航空学报,2015,36(2):473~ 483.
- [10] 马幼捷 赵健 周雪松 等.并联混合型有源电力滤 波器的线性自抗扰控制及稳定性分析 [J].电网技 术 2012,36(11):211 ~ 216.
- [11] 邢健峰 纪志成. 基于模糊 PID 的 Smith 预估碱液
 温控系统[J]. 自动化及仪表 2014, 29(7):43 ~
 47.
 - (收稿日期: 2017-08-10,修回日期: 2017-10-31)

Temperature Control System for Reverse Osmosis Seawater Desalination Based on LADRC

LIU Hong-Ii¹ , LIU Shi-jia¹ , KANG Quan² , YU Yong-jiang² ,

SHAO Lei¹, LI Ji¹, CHEN Xiao-qi¹

(1. Tianjin Key Laboratory of Control Theory & Application in Complicated Systems, Tianjin University of Technology; 2. SOA Tianjin Institute of Seawater Desalination and Multipurpose Utilization)

Abstract Considering nonlinearity, time-varying, hysteresis and disturbance of the temperature parameters in reverse osmosis desalination system, adopting the linear active disturbance rejection control (LADRC) to establish a temperature control system for reverse osmosis searwater desalination was implemented, in which, having LADRC controller designed to realize real-time tracking and compensation of input to output, and the Lyapunov stability method adopted to prove stability of second order linear expansion state observer (LESO) in the first-order LADRC. The simulation results show that, the LADRC control outperforms the PID control in the response speed, steady-state precision and anti-interference abilities. It has practical value and significance in investigating the whole system's steady and efficient operation and reducing the energy consumption of the system.

Key words RO , LADRC control , LESO , temperature control , Liapunov stability